

1. kolokvij iz Algebre II

(3.11.1999)

1. Naj bo a sodo, b pa poljubno celo število in $D(a, b) = 3$. Izračunaj $D(a^2 + b^2, a^2 - b^2)$. (25 točk)
2. Sod z volumnom 500 litrov polnimo z 12 oziroma 14 litrskimi vedri. Na koliko načinov lahko napolnimo sod? Način polnjenja nam pove kolikokrat smo uporabili 12 oziroma 14 litrsko vedro. V sod vedno zlijemo polno vedro. Vode iz soda ne zajemamo. (20 točk)
3. Poišči vsa takšna naravna števila n , da bo $\varphi(n) = 60$ (φ je Eulerjeva funkcija). (30 točk)
4. Reši kongruenco $6^{3234}x \equiv 401^{5110} \pmod{37}$. (25 točk)

2. kolokvij iz Algebre II

(8.12.1999)

1. Izračunaj ostanek pri deljenju $9^{9^{9^{9^{9^9}}}}$ s 17.
2. Na množici \mathbb{N}_0 definiramo binarno operacijo \cdot s predpisom $a \cdot b = D(a, b)$; $D(0, 0) = 0$. Ugotovi, ali je (\mathbb{N}_0, \cdot) polgrupa, polgrupa z enoto, grupa ali nič izmed naštetega. Odgovor utemelji.
3. Naj bosta m in n tuji naravni števili. Pokaži, da je $\mathbb{Z}_{mn} = \mathbb{Z}_m \oplus \mathbb{Z}_n$.
4. Naj bosta (G, \cdot) in (G, \circ) grupi. Pokaži, da sta ti grupi izomorfni, če za poljubne elemente $a, b, c \in G$ velja $(a \cdot b) \circ c = a \cdot (b \circ c)$.

3. kolokvij iz Algebre II

(12.1.2000)

1. Naj bo G ciklična grupa in $H \triangleleft G$ njena edinka. Pokaži, da je kvocientna grupa G/H ciklična.
2. (a) Zapiši vse neizomorfne Abelove grupe moči 45000. (17 točk)
(b) Za grupo G definiramo $\text{ord}(G) := \sup\{\text{ord}(x) \mid x \in G\}$ in $\mu(n) := \max\{\text{ord}(G) \mid G \text{ je neciklična grupa moči } n\}$.
Izračunaj $\mu(4345326543456)$. (8 točk)
3. Poišči vse ničle polinoma $x^3 + 6x^2 + 6x - 8$.
4. Poišči vse ničle polinoma $3x^5 + 2x^4 + x^3 + x^2 + 2x + 3$.