

Izpit iz ELEMENTARNIH FUNKCIJ
18. 2. 2016

Navodila:

- Čas reševanja je **120 minut**.
 - Ugasni in odstrani mobilni telefon.
 - Uporaba knjig in zapiskov iz predavanj ter vaj **ni dovoljena**.
 - Pozorno preberi vsako vprašanje in vsak odgovor **skrbno utemelji**. Odgovori brez utemeljtve ne bodo točkovani.
 - Piši čitljivo; neberljivi odgovori ne bodo točkovani.
 - Dovoljeni pripomočki so: kemični svinčnik, svinčnik, radirka, A4 list s formulami.
-

1. [25] Funkcija f je podana s predpisom

$$f(x) = |\ln(x) - 2| + |\ln(x) - 3|.$$

- [15] Določi definicijsko območje funkcije f , zapiši funkcijo f brez znakov za absolutno vrednost in skiciraj njen graf.
- [5] S pomočjo narisanega grafa reši neenačbo $f(x) > 1$.
- [5] Ali je funkcija f zvezna povsod, kjer je definirana? Odgovor utemelji!

2. [15] Glede na parameter m obravnavaj in reši enačbo

$$\frac{m - x^2}{(m - x)^2} = \frac{1}{m} + \frac{m - 1}{m^3 - mx(2m - x)}.$$

3. [25] Dana je funkcija f s predpisom

$$f(x) = \frac{x^3 - 2x^2}{x^2 - 4}.$$

Za funkcijo f izračunaj definicijsko območje, ničle, asimptote, stacionarne točke, lokalne ekstreme, območja naraščanja in padanja ter območja konveksnosti in konkavnosti. S pomočjo teh podatkov čim bolj natančno skiciraj njen graf.

4. [15] Reši enačbo

$$\sin x + 2 \cos x + 2 = 0.$$