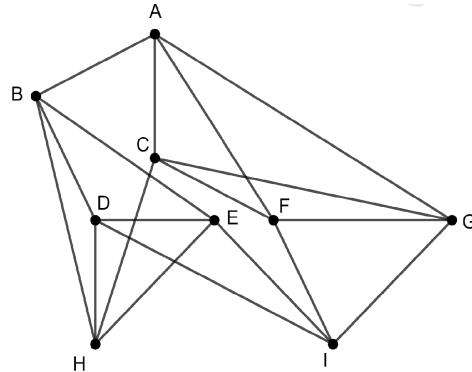


## Vaje 8: Barvanje vozlišč in povezav grafov

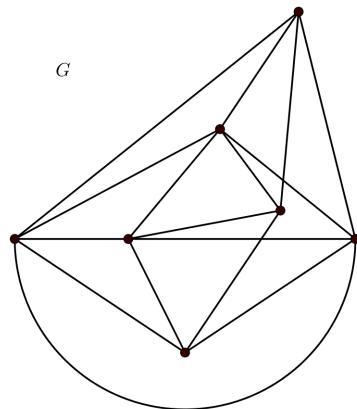
1. Določite kromatično število grafa, ki je prikazan na spodnji sliki.



2. Dokažite.

- (a) Za vsak graf  $G$  velja:  $\chi(G) \leq |V(G)| - \alpha(G) + 1$ .
- (b) Naj bo  $v \in V(G)$ . Če je  $\deg(v) < \chi(G-v)$ , potem je  $\chi(G) = \chi(G-v)$ .

3. Določite kromatični indeks grafa  $G$  s spodnje slike.



4. Dokažite, da so 3-regularni Hamiltonovi grafi tipa 1.

5. Naj bo  $G$  regularen graf, ki premore presečno vozlišče. Dokažite:  
 $\chi'(G) > \Delta(G)$ .