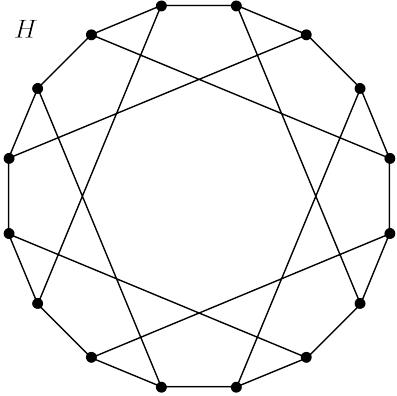


Vaje 3: Dvodelni grafi

- Ali je graf, prikazan na sliki, dvodelni?



- Naj bo G k -regularen dvodelen graf s $k > 0$ in dvodelnim razbitjem $V(G) = X \cup Y$. Dokažite, da velja: $|X| = |Y|$.
- Ali obstaja dvodelni graf G , za katerega velja: $\delta(G) + \Delta(G) > |V(G)|$? V primeru obstoja takšnega grafa, ga narišite, sicer dokažite, da graf z navedenimi lastnostmi ne obstaja.
- Naj bo $F = (V(F), E(F))$ gozd s c povezanimi komponentami. Dokažite, da je $|E(F)| = |V(F)| - c$.
- Drevo T ima pet vozlišč stopnje 2, eno vozlišče stopnje 3, tri vozlišča stopnje 4 in eno vozlišče stopnje 5. Vozlišč višjih stopenj nima. Koliko vozlišč stopnje 1 premore to drevo? Izračunajte $|V(T)|$ in $|E(T)|$.
- Naj bo T drevo, ki ima natanko štiri liste in le vozlišča stopnje največ 4. Dokažite, da ima drevo T natanko: a) eno vozlišče stopnje 4 in nobenega vozlišča stopnje 3; ali b) dve vozlišči stopnje 3 in nobenega vozlišča stopnje 4.